

| | | |
|--|---|--|
| <p style="text-align: center;">代数・幾何Ⅱ (Algebra and Geometry Ⅱ)</p> | <p style="text-align: center;">3年・前期・1単位・必修</p> <p>電子制御工学科 担当 飯間 圭一郎 物質化学工学科 担当 名倉 誠</p> | |
| <p>〔準学士課程(本科 1-5 年) 学習教育目標〕 (2)</p> | | |
| <p>〔講義の目的〕 数学はあらゆる科学の基礎になっており、自然科学はもとより社会科学でも数学の知識を必要とすることが多い。ここでは基本的な数学的道具である行列と行列式を学び、数学的思考力を養うと共に十分な計算力を培う。</p> | | |
| <p>〔講義の概要〕 2年次の「代数・幾何Ⅰ」で学んだベクトルや行列・行列式の知識を基礎として講義は行われる。まず、ベクトルの内積や外積について復習し、「行列式」の図形的意味について勉強する。次に、座標平面上の点の一次変換(線形変換)を行列表示し合成変換や逆変換と行列の積や逆行列との関係を学ぶ。さらに、固有値を求めて「行列の対角化」と呼ばれる行列の標準化を考える。</p> | | |
| <p>〔履修上の留意点〕 数学を学ぶときは、最初から記号や言葉の意味を頭で理解しようとせずに、出来るだけ具体的な問題(例題)を通して、手を動かしながら考えていくことを勧めます。細かいことばかり気にせずに大筋をつかむように勉強していくとよいでしょう。計算の仕方、そして理論が分かってくれば数学が非常に面白くなると思います。そのためには授業中、集中して自分の手を動かすことが大事です。しかしノートを写しただけでは理解したことにはなりません。自分なりに内容をかみくだいて納得できるまで、頭を働かせることが重要です。そして、宿題で出される練習問題に時間をかけてこつこつと解いていくことが大切です。疑問点がある場合には授業中だけでなく、放課後も利用して積極的に担当教員まで質問に来て下さい。難しいと思うことも以上のような取組みを続けていけば、だんだん易しくなってきます。</p> | | |
| <p>〔到達目標〕 ① 何となく理解するのではなく、自力で問題が解けなければ意味がありません。 ② 教科書の例題と問題および問題集のA問題が完全に解けるようにして下さい。 前期中間試験：行列式の図形的意味を理解し、三角形の面積や四面体の体積を計算する。 座標平面上の点の一次変換を行列表示し、様々な2次曲線を標準形で表わす。 前期末試験：行列(すなわち一次変換)の固有値と固有ベクトルを求めて行列を対角化する。 さらに、その応用として行列の冪乗を計算する。</p> | | |
| <p>〔評価方法〕 定期試験の結果(70%)を基本とし、これに小テスト・レポート・授業への取り組み(30%)を加えて総合的に評価する。</p> | | |
| <p>〔教科書〕 「新版 線形代数」、実教出版、岡本 和夫 監修 〔補助教材・参考書〕 「新版 線形代数演習」、実教出版、岡本 和夫 監修</p> | | |
| <p>〔関連科目〕 1年次と2年次で学んだ数学、特に代数・幾何Ⅰで学んだ考え方が基礎となる。また本講義で学ぶ内容は応用数学 α、応用数学 β をはじめ、各専門科目の基礎となる。</p> | | |

講義項目・内容

| 週数 | 講義項目 | 講義内容 | 自己評価* |
|-------|------------------|---|-------|
| 第1週 | 行列式の図形的意味(1) | 平面ベクトルの内積、空間ベクトルの外積を復習し、平行四辺形の面積と平行六面体の体積を計算する。 | |
| 第2週 | 行列式の図形的意味(2) | ベクトルの1次独立・1次従属と、行列式による判定法を学ぶ。 | |
| 第3週 | 1次変換（線形変換） | 座標平面上の点の対称移動や回転移動を行列表示する。 | |
| 第4週 | 合成変換と逆変換 | 1次変換の合成変換と逆変換について学ぶ。 | |
| 第5週 | 1次変換の応用(1) | 1次変換の線形性を学び、座標平面上の直線を1次変換する。 | |
| 第6週 | 1次変換の応用(2) | 座標平面上の2次曲線を1次変換し、その標準形を求める。 | |
| 第7週 | 1次変換の応用(3) | 空間図形への応用を考える。特に座標変換（重積分の変数変換）と関連について意識する。 | |
| 第8週 | まとめと演習 | | |
| 第9週 | 行列の固有値と固有ベクトル(1) | 2×2 行列の固有値と固有ベクトルを求める。 | |
| 第10週 | 行列の固有値と固有ベクトル(2) | 3×3 行列の固有値と固有ベクトルを求める。 | |
| 第11週 | 正方行列の対角化 | 2×2 行列と 3×3 行列を対角化する。 | |
| 第12週 | 対称行列の対角化 | 対称行列を直交行列によって対角化する。 | |
| 第13週 | 対角化の応用 | 行列の n 乗を計算する。 | |
| 第14週 | 2次形式の標準化 | 行列を用いて2次形式を標準化する。 | |
| 第15週 | まとめと演習 | | |
| 前期末試験 | | | |

* 4 : 完全に理解した, 3 : ほぼ理解した, 2 : やや理解できた, 1 : ほとんど理解できなかった, 0 : まったく理解できなかった.

(達成)

(達成)

(達成)

(達成)

(達成)