

<b>代数・幾何 I</b> <b>(Algebra and Geometry I)</b>		<b>2年・通年・2単位・必修</b> <b>機械工学科</b> ・担当 作間 美穂, <b>電気工学科</b> ・担当 庄田 倫代, <b>電子制御, 物質化学工学科</b> ・担当 菊田 俊幸, <b>情報工学科</b> ・担当 室谷 文祥
〔準学士課程(本科 1-5 年) 学習教育目標〕 (2)	〔システム創成工学教育プログラム 学習・教育目標〕	〔JABEE 基準〕
〔講義の目的〕 ベクトルと行列・行列式について学ぶ。これらは自然科学については言うまでもなく社会科学でも大いに利用されている基本的な数学的道具である。幾つかの数字をまとめて組として扱う数学的概念になれば、それを思考する力を養うと共に、十分な計算力をつけることを目的とする。		
〔講義の概要〕 前期においては、大きさと向きをもつ量であるベクトルを用いて平面上の直線・円や空間内の直線・平面・球など、平面図形と空間図形を表現してそれらを考察する。後期においては、長方形上に並べられた数字の組である行列とその組から計算された実数値である行列式を使って「連立方程式の解法」を学ぶ。		
〔履修上の留意点〕 最初から記号や言葉の意味を頭で理解しようとせずに、出来るだけ具体的な問題(例題)を通して、図形や数式をかきながら考えていくことを勧めます。まずは細かいことをあまり気にせずに、大筋をつかむように勉強していくとよいでしょう。図形の式表現の仕方、いろいろな量の計算の仕方、更にはその理論がわかってくればだんだん楽しくなってくると思います。 授業中は集中して教員の言葉、板書の内容を理解しようとして下さい。また、きちんとノートをとることは必要です。しかし板書を写しただけでは、理解したことにはなりません。授業のあと、必ず復習を行い、自分なりに内容をかみくだいて納得できるまで、頭を働かせることが重要です。そして、練習問題を、時間をかけてこつこつと解いていくことが大切です。復習を主とする地道な家庭学習を心がけて下さい。疑問点がある場合には授業中だけでなく、放課後も利用して積極的に担当教員のところに是非質問に来てほしいと思います。		
〔到達目標〕 教科書の「問題」と「練習問題」、問題集の「A 問題」を自力で解けるようになることが最低目標です。  前期中間試験まで：平面上の直線、円などについての考察を、ベクトルを用いて行えること。 前期末試験まで：空間内の直線、平面、球面などについての考察を、ベクトルを用いて行えること。 後期中間試験まで：行列の計算ができ、逆行列を用いて連立一次方程式が解けること。 学年末試験まで：行列式の計算ができ、それを用いて連立一次方程式が解けること。		
〔評価方法〕 定期試験の結果(約70%)を基本とし、小テスト・レポート・授業への取り組み(約30%)を加えて総合的に評価する。		
〔教科書〕 「新版 線形代数」、実教出版、岡本 和夫 監修 〔補助教材・参考書〕 「新版 線形代数演習」、実教出版、岡本 和夫 監修		
〔関連科目〕 1年次の「数学α」と「数学β」で学んだ内容が基礎となる。本講義の内容は3年次の「代数・幾何Ⅱ」にそのまま引継がれる。本講義で学ぶ内容は「微分積分」とともに専門科目の基礎となる。		

## 講義項目・内容

週数	講義項目	講義内容	自己評価*
第1週	ベクトルの意味とその演算	「大きさ」と「向き」をもつ量とその演算を考える。	
第2週	平面ベクトルの成分	ベクトルを成分表示して和差・実数倍の演算を行う。	
第3週	平面ベクトルの性質	ベクトルの大きさ、分解、2つのベクトルの関係。	
第4週	平面ベクトルの内積	平面ベクトルの掛け算を定義しその演算を行う。	
第5週	平面ベクトルの内積の性質	ベクトルの和差・実数倍・内積の計算法則を考える。	
第6週	平面上の位置ベクトル	平面上の点をベクトル表示し、点の位置を求める。	
第7週	直線、円のベクトル方程式	平面上の直線、円をベクトルで表現し、考察する。	
第8週	空間座標と空間ベクトル	空間内の点をベクトル表示し、点の位置を求める。	
第9週	空間ベクトルの成分	ベクトルを成分表示し和差・実数倍の演算を行う。	
第10週	空間ベクトルの性質	ベクトルの大きさ、分解、2つのベクトルの関係。	
第11週	空間ベクトルの内積	空間ベクトルの掛け算を定義しその演算を行う。	
第12週	空間ベクトルの平行と垂直	ベクトルの演算を用いて平行・垂直を表す。	
第13週	空間内の位置ベクトル	空間内の点をベクトル表示し、点の位置を求める	
第14週	空間内の直線の方程式	空間内の直線をベクトルを用いて表現する。	
第15週	空間内の平面・球面の方程式	空間内の平面、球面をベクトルを用いて表現する。	
前期末試験			
第16週	行列	行列を定義し、行列の和、実数倍を考察する。	
第17週	行列の積	行列の積を定義し、その基本法則を導く。	
第18週	行列の積の性質	行列の積についての零因子、累乗を考える。	
第19週	逆行列とその性質	行列の積について逆演算を考える。	
第20週	いろいろな行列	転置行列、対称行列、交代行列、直交行列。	
第21週	掃き出し法	掃き出し法で連立一次方程式を解く。	
第22週	掃き出し法(その2)	連立一次方程式の解の種類を考察する。	
第23週	行列の階数、逆行列	連立一次方程式の解の有無判定。逆行列の求め方。	
第24週	行列式の定義	行列に対して一つの実数値を対応させる。	
第25週	行列式の性質	行列式についての基本的な性質を考察する。	
第26週	文字を含む行列式	行列式を数式の因数分解に応用する。	
第27週	行列式の展開	$n$ 次の行列式を $(n-1)$ 次の行列式を用いて表す。	
第28週	行列式と逆行列	行列式を用いて逆行列を求める。	
第29週	行列式と連立一次方程式	連立一次方程式の解を求める公式を導く。	
第30週	行列式と連立一次方程式(その2)	連立一次方程式の解が無数にある場合を考察する	
学年末試験			

\* 4 : 完全に理解した, 3 : ほぼ理解した, 2 : やや理解できた, 1 : ほとんど理解できなかった, 0 : まったく理解できなかった.  
 (達成) (達成) (達成) (達成) (達成)